			ISSN 0078-8498
Printed Matter - Book Post	08	00 205	25
То	GAN	THA CHAND	RIKA
Sri From: The Director ,A.I.M.Ed., Dr.No. 30-22/1-16, Murthy Street, Arundalpet, Vijayawada- 520002	Volume:21	Issue:1,2	Year 2020
<image/>	SUPER	SO FOUNDER ANAMI FOR IMPROVEMENT OF MA A.I.M.Ed. (Regd.,) VIJAYAWA	D KUMAR ATHS EDUCATION ADA.

గణిత చంద్రిక GANITHA CHANDRIKA

	e-mail : ganithachandrika @ gmail.com			
Volur	ne : 21 Issue 1 & 2	Year : 2020		
	(January - June) విషయ సూచిక			
1.	సంపాదకీయం, ముఖచిత్ర పరిచయం	2		
2.	IIT Capsule	3		
3.	Applications of Calculus	6		
4.	Some Olympiad Questions	9		
5.	ఒక మంచి గణిత పుస్తకం			
	వేదగణిత అమోఘశక్తి	12		
6.	About Oneday Seminar in Mathematics			
	- K.M. Sast	ry 13		
7.	జూనియర్ క్విజ్	16		
8.	గణితమును (పేమించుమన్నా – కవిత	19		
9.	Some Rananujan problems	20		
10.	MSET కన్వీసర్ రిపోర్ట	23		
11.	సభలు – సమావేశాలు	24		
12.	Some Problems from MSET-2019 Test	26		
13.	Indian Mathematicians elected to the			
	Royal society of London	40		
14.	Positive integers which are perfect			
	squares and Whose digits are also			
	perfect squares	42		
	1			

Ganitha Chandrika (ISSN 0973-3493)

సంపాదకీయం

ఈ సంచికలోని గణిత విషయాలన్నీ పాఠకులను అలరిస్తాయని సమ్ముతున్నాము. రెందు పేజీలకు మించని గణిత వ్యాసాలను గణితచంద్రికకు పంపవచ్చును. హైస్కూలు స్థాయి వ్యాసాలను మాత్రమే గణితచంద్రిక ప్రచురించ గోరుచున్నది. ఈ విషయాలను దృష్టిలో ఉంచుకొంటారని భావిస్తున్నాము. విద్యార్థులు, ఉపాధ్యాయులు గణిత (పేమికులు ఇతోధికంగా సహకరించగలరని నమ్ముతున్నాము. గణితచంద్రిక అభివృద్ధి కొరకు మీ అభిప్రాయాలను పంపి మాతో సహకరించగోర్తాము. మార్చినెలలో Issue 1 పత్రికను కోవిడ్-19 కారణంగా విడుదల చేయలేకపోయాము. Issue 1,2 లను కలిపి ప్రచురిస్తున్నాము. పాఠకులు గమనించగలరు.

ఇట్లు

దాం బి.బి. రామశర్మ, ప్రధాన సంపాదకుడు

ముఖచిత్ర పలిచయం

ఈ సంచిక ముఖచిత్రం భారతదేశం గర్వించదగిన గణితశాస్త్రవేత్త మరియు ఉపాధ్యాయుడు అయిన అనందకుమార్**ది. శ్రీ అనందకుమార్ 1–1–1973 తేదీన** పాట్నాలో జన్మించారు. ఆయన విద్యాభ్యాసమంతా పాట్నాలోనే జరిగింది. గణితంపై అమితాసక్తి కళ్ళిన ఆనంద్కుమార్ లండన్లోని కేంట్రిడ్జి యూనివర్సిటీలో గణిత అద్యయనానికి సీటు పొందినా, అదే సమయంలో అతని తండ్రి మరణించడంచేత వెళ్ళలేకపోయారు. అత్యంత బీదకుటుంబానికి చెందిన శ్రీ అనందకుమార్ అప్పడాలు అమ్మి కుటుంబ అవసరాలను గడిపేవారు. 2002 లో సూపర్ 30 అనే సంస్థను స్థాపించి బీదరికంలో మగ్గుతున్న 30మంది తెలివైన పిల్లలను (పతిసంవత్సరం ఒక (పవేశ పరీక్షద్వారా ఎంపికచేసి ఉచితంగా వారికి భోజన వసతులు కల్పిస్తూ IITJEE పరీక్షకు తయారుచేస్తున్నారు. 2002–2019 వరకూ దాదాపు 500 మంది విద్యార్థులను IIT కి పంపారు. దేశ విదేశాలలో అనేక అవార్డులు పొందారు. రమారమి 95% విద్యార్థులు (పతిసంవత్సరం IIT లలో (పవేశం పొందుతున్నారు. అతని జీవితంపై 2019 సంగలో Super 30 అనే హిందీ చలన చిడ్రం నిర్మింపబడింది. హృతిక్రోషన్ ఆనందకుమార్ పాత్రను పోషించారు.

విద్యార్థులందరికి ఆనందకుమార్ జీవితం అత్యంత ఆదర్శప్రాయం కదా!

Ganitha Chandrika (ISSN 0973-3493)

IIT CAPSULE



Dr.B.B.RAMA SARMA

In this article some questions on Basic Trignometry are provided as an assignment for the students. The key and brief solutions will be published in next issue.

TRIGNOMETRY

- 1. Simplify Tan 1° Tan 2° Tan 3° Tan 89°
- 2. Simplify $\sin^2 5^\circ + \sin^2 10^\circ + \sin^2 15^\circ + \dots + \sin^2 90^\circ$
- 3. If A,B,C are angles of a $\triangle ABC$

Simplify $\frac{Sin2A+Sin2B+Sin2C}{SinASinBSinC}$

 4. If ABCD is a cyclic quadrilateral find CosA + CosB + CosC + CosD

5. Show that Sin (-420°) Cos(390°) + Cos(-660°)Sin 330° is negative.

- 6. Find the value of $\cos^2 \frac{\pi}{16} + \cos^2 \frac{3\pi}{16} + \cos^2 \frac{5\pi}{16} + \cos^2 \frac{7\pi}{16}$
- 7. Find $\frac{\cot 54^{\circ}}{\tan 36^{\circ}} + \frac{\tan 20^{\circ}}{\cot 70^{\circ}}$

Ganitha Chandrika (ISSN 0973-3493)

8. If
$$2 \sin x + \cos y = 3 \text{ find } \sin^3 x + \cos^3 y$$

9. If $\frac{\sin^4 \theta}{a} + \frac{\cos^4 \theta}{b} = \frac{1}{a+b}$ Show that $\frac{\sin^8 \theta}{a^3} + \frac{\cos^8 \theta}{b^3} = \frac{1}{(a+b)^3}$
10. A Parallelogram containing 60° angle has perimeter of length p and longer diagonal d. Find its area.
11. If $U_n = \sin^n \theta + \cos^n \theta$ ST $\frac{u_5 - u_7}{u_3 - u_5} = \frac{u_3}{u_1}$
12. Sin 1° > Sin 1 (T/F)
13. When is the equation $\sin^2 \theta = \frac{x^2 + y^2}{2xy}$ Possible ?
14. Find the least value of $6 \tan^2 \theta + 54 \cot^2 \theta + 18$.
15. Let $A_0 A_1 A_2 A_3 A_4 A_5$ be a regular hexagon inscribed in a circle of unit radius. Find the product of lengths of line segments $A_0 A_1$, $A_0 A_2$, $A_0 A_4$.
16. If Sin x + Sin²x = 1
Find Cos¹²x + 3Cos¹⁰x + 3 Cos⁸ x + Cos⁶x - 2
17. Let A = Sin⁸\theta + Cos¹⁴\theta. Find the set of all possible values for A · $\forall Q \in \mathbb{R}$

A circle is drawn in a sector of larger circle of radius r. The smaller circle is tangential to the two bounding radii and the arc of the sector. Find the radius of smaller circle.

19. Solve
$$81^{\sin^2\theta} + 81^{\cos^2\theta} = 30$$
 for θ

18.

20. A circle centred at 0 has radius 1 and contains the point
 A. Segment AB is tangent to circle at A and <u>|AOB</u>=θ. If
 point C lies on OA and BC bisects the angle ABO then

find OC in terms of θ .

21. If (a+2) sin α + (2a–1) Cos α = (2a + 1) Find Tan α

22. Eliminate ϕ : x = Sec ϕ – Tan ϕ

 $y = \text{Cosec } \phi + \text{Cot } \phi$

23. Let
$$f(\theta) = \frac{1}{1 + (\cot \theta)^{x}}$$
; $S = \sum_{\theta=1^{\circ}}^{89^{\circ}} f(\theta)$ find $\sqrt{2S-8}$

24. Find maximum value of $\cos \alpha_1 \cos \alpha_2 \cos \alpha_3 \dots$. $\cos \alpha_n$ under the restrictions $0 \le \alpha_1, \alpha_2, \alpha_3, \dots, \alpha_n \le \pi/2$ and $(\cot \alpha_1) (\cot \alpha_2) \dots (\cot \alpha_n) = 1$

25. Let $P = \{\theta: \sin\theta - \cos\theta = \sqrt{2}\cos\theta\}$

 $Q = \left\{ \theta: \sin\theta + \cos\theta = \sqrt{2} \sin\theta \right\}$ be two sets. show that P = Q

(Readers may also send their answers to the Editor)

Ganitha Chandrika (ISSN 0973-3493)

APPLICATIONS OF CALCULUS



Dr.K. Pushpalatha, Associate Professor, KLUniversity

Mathematcis is an important part of our life. But how **calculus helps** us in a real life? This is a common question students ask very frequently.

What is Calculus?

British Scientist Sir Isaac Newton (1642–1727) invented this new field of mathematics. 'Calculus' is a Latin Word, which means 'stone'. Romans used stones for counting. For the counting of infinitely smaller numbers, Mathematicians began using the same term, and the name stuck.

Though it was proved that some basic ideas of Calculus were known to our Indian Mathematicians. Newton & leibnitz initiated a new era of mathematics. There are a large number of applications of calculus in our daily life. It can't be possibly illustrated in a single view. I'm trying to describe them shortly here.

Physics

Mechanics : Velocity and acceleration all come from simple derivatives of the position function.

Ganitha Chandrika (ISSN 0973-3493)

Chemistry

Inorganic Chemistry : The Rate of Reaction i.e., How fast a reaction takes place. (Integration)

Biology

Biologist also makes use of calculus in many applications. They use calculus concepts to determine the growth rate of bacteria, modeling population growth and so on. In medical field also calculus is useful.

Finance

It is used for Portfolio Optimization i.e., how to choose the best stocks.

Statisticians will use calculus to evaluate survey data to help develop business plans. A survery involves many different questions with a range of possible answers, calculus allows a more accurate prediction.

Credit card companies use calculus to set the minimum payments due on credit card statements at the exact time the statement is processed.

Other fields

Electrical Engineering : An electrical engineer uses integration to determine the exact length of power cable needed to connect two substations that are miles a part.

Ganitha Chandrika (ISSN 0973-3493)

Architect : An architect will use integration to determine the amount of materials necessary to construct a curved dome over a new sports arena.

Space flight engineers : Space flight engineers frequently use calculus when planning lengthy missions. To launch an exploratory probe, calculus allows each of those variables to accurately take into account the orbiting velocities under the gravitational influences of the sun and the moon.

Graphic artist : A graphics artist uses calculus to determine how different three-dimensional models will behave when subjected to rapidly changing conditions.

Research Analysis : An operations research analyst will use calculus when observing different processes at a manufacturing corporation. By considering the value of different variables, they can help a company improve operationg efficiency, increase production, and raise profits.

The field of epidemiology : The study of the spread of infectious disease - relies heavily on calculus. It can be used to determine how far and fast a disease is spreading, where it may have originated from and how to best treat it. For most professions, this topic is very important. So, this is why you can't dismiss it as just another subject. Despite it mystique as a more complex branch of mathematics, it touches our lives each day, in ways too numerous to calculate.

Ganitha Chandrika (ISSN 0973-3493)

SOME MATHEMATICAL OLYMPIAD PROBLEMS

- B. VENKATA VAIBHAV B.Tec (III yr) IIIT, Nagapur 1. Find the positive integer r > 3 satisfying $\frac{1}{\sin\frac{\pi}{n}} = \frac{1}{\sin\frac{2\pi}{n}} + \frac{1}{\sin\frac{3\pi}{n}}$ **Sol.** We have $2\sin\frac{2\pi}{n}2\sin\frac{3\pi}{n}=2\sin\frac{\pi}{n}\sin\frac{3\pi}{n}+2\sin\frac{\pi}{n}\sin\frac{2\pi}{n}$ $\Rightarrow \cos{\frac{\pi}{n}} - \cos{\frac{5\pi}{n}} = \cos{\frac{2\pi}{n}} - \cos{\frac{4\pi}{n}} + \cos{\frac{\pi}{n}} - \cos{\frac{3\pi}{n}}$ $\Rightarrow \cos \frac{3\pi}{n} - \cos \frac{5\pi}{n} = \cos \frac{2\pi}{n} - \cos \frac{4\pi}{n}$ $\Rightarrow 2\sin\frac{4\pi}{n}\sin\frac{\pi}{n} = 2\sin\frac{3\pi}{n}\sin\frac{\pi}{n}$ $\Rightarrow \sin \frac{4\pi}{n} = \sin \frac{3\pi}{n}$ as Sin $\frac{\pi}{n} \neq 0$ $\Rightarrow \frac{4\pi}{n} = \pi - \frac{3\pi}{n} \Rightarrow n = 7$

Ganitha Chandrika (ISSN 0973-3493)

2. If $(2+\sqrt{3})^n = K + f$ where n, $K \in \mathbb{N}$ and 0 < f < 1. Show that i) K is odd ii) (K+f)(1-f) = 1 **Sol.** Let $g = (2 - \sqrt{3})^n$ so that 0 < g < 1Now K + f + g = $(2 + \sqrt{3})^n + (2 - \sqrt{3})^n$ $= 2\left[2^{n} + {}^{n}C_{2}2^{n-2}(\sqrt{3})^{2} + {}^{n}C_{4}2^{n-1}(\sqrt{3})^{4} + \dots\right] = 2m = even$ integer Now f + g = 2m - k = integerBut $0 < f + g < 2 \Longrightarrow f + g = 1$ $\therefore 2m - k = 1 \Longrightarrow K = 2m - 1 = odd$ and also $(K+f)g = (2+\sqrt{3})^n (2-\sqrt{3})^n = (4-3)^n = 1$ \therefore (K+f) (1–f) = 1 proving the result completely 3. Find the ordered pairs (x,y) of integers satisfying $2x^2$ – $3xy - 2y^2 = 7$. **Sol.** (x-2y)(2x+y) = 7 \Rightarrow i) x-2y = 7, 2x + y = 1 ii) x-2y = -7, 2x + y = -1iii) x-2y = 1, 2x + y = 7iv) x-2y = -1, 2x + y = -7Only integer solutions are (3,1)(-3,-1).

Ganitha Chandrika (ISSN 0973-3493)

- 4. A circular ring of diameter 10cm is suspended by means of 6 equal threads attached at equal intervals on its circumference from a point of suspension P situated at a height 12 cm from its centre. Find the cosine of angle between two successive threads.
- **Sol.** Let PA and PB be two successive threads and C be centre of ring.

 $A \stackrel{\circ}{C} B = 60^{\circ} \Longrightarrow \Delta A B C$

is equilateral, Moreover \triangle PCA is right angled

∴ PC = 12, AC = 5

 \Rightarrow PA = PB = 13

$$t.\cos\theta = \frac{13^2 + 13^2 - 5^2}{2 \times 13 \times 13} = \frac{313}{338}$$

by cosine rule

Problems for Practice

- 1. $x, y, z \in I^+$; solve $\frac{1}{x} + \frac{1}{y} + \frac{1}{z} = 1$
- 2. Find the number of solutions of |x| + |y| = 1, $x^2 + y^2 = a^2$

for
$$\frac{1}{2} < a < 1$$
 and $a = \frac{1}{2}$

3. From the first 300 natural numbers all multiplies of 3 are removed. Find the sum of cubes of remaining numbers.

(Answers will be published in next issue. Readers may also send their solutions to the Editor)

Ganitha Chandrika (ISSN 0973-3493)

Vol.21 (1&2) January - June 2020

600

ఒక మంచి గణిత పుస్తకం

B. SINDHURA B.Tech. M.B.A, Hyderabad

"వేదగణిత అమోఘశక్తి" అనే మంచి గణిత పుస్తకం Jayco పబ్లిషర్స్ వారి సెకండ్ ఎడిషన్ విడుదలయ్యింది. దీని వెల కేవలం 143 రూ॥ మాత్రమే. రచయిత పేరు అతుల్గుప్తా. తెలుగులో National best seller గా ఉన్న ఈ పుస్తకం విద్యార్థలకు, ఉపాధ్యాయులకు ప్రయోజనకరంగా ఉంది. "వేదగణితసూత్రాలు, తికోణమితీయ అనువర్తనాలను ఉపయోగించి అనేక మాదిరి సమస్యలను సాధించడమేకాక, 1000కి పైగా సాధనకోసం సమస్యలను ఇచ్చారు. CAT, CET వంటి పోటీపరీక్షల దృష్ట్రా ఒక ప్రత్యేక చాప్టర్ కూడా విద్యార్థలకై పొందుపరచారు.

గణితేతర విద్యార్థులకు, వ్యక్తులకు కూడా ఈ పుస్తకం మంచి కాలక్షేపంగా ఉంటుంది. తప్పక చదివి (పయోజనం పొందుతారని ఆశిస్తున్నాను.



Ganitha Chandrika (ISSN 0973-3493)

About Oneday Seminar in Mathematics

Prof R.C. Gupta Endowment Lecture conducted by the Association for Improvement of Mathematics Education A.I.M.Ed(Regd), Vijayawada on 02-02-2020, Sunday.

- K.M.Sastry

Indeed, it is an honour to me to give the Endowment Lecture on Prof. R.C.Gupta, a remarkable dedicated Mathematician, after Harish Chandra (1923–1983), FRS. If was my fortune to go through the excellent article written by Prof R.C. Gupta on "Augustus De Morgon (1806-1871), The Indian Born President of LMS and his Discovery of Ramachandra" in the Indian Journal for the Advancement of Mathematics Education and Research, 2004, by Andhra Pradesh Association of Mathematics Teachers. I am highly greateful to the members of A.I.M.Ed for giving me this rare opportunity of giving Prof. R.C.Gupta Endowment Lecture today.

As I got inspiration after reading the excellent article by Prof. R.C. Gupta. I had the privilage to address the audience that includes the P.G. Mathematics students of Acharya

Ganitha Chandrika (ISSN 0973-3493)

Nagarjuna University, Nagarjuna Nagar, Guntur Dt., A.P. India, accompanied by the dicated professor Bavanari Satyanarayana, I am tempted to touch the excellent work doen by great mathematicians, right from Able (1802-1829), Galois (1811-1832), Rlemann (1826-1866), Ramanujan (1887-1920), Fourier (1768-1830), Poisson (1781-1840), Cauchy (1789-1857), Liouville (1809-1882) Gauss (1777-1855), Jacobi (1804-1851); David Hilbert (1862-1943) Harish Chandra (1923–1983); and Sir Michael Atiyah (1929-2019), the 1966 Fields Medalist, their contribution to the mathematical world. Also about the Riemann Hypothesis (8th problem) which is the only unsolved problem in the Hilbert's list of 23 "Mathematical problems" announced at the 2nd International congress of Mathematicians (ICM) in Paris 1900. Also an about the "Millennium problems" (on 24 May 2000, in Paris, exactly 100 years after ICM meeting in Paris 1900) World renowned mathematician Sir Hichael Atiyah, of Great Britain, included the Riemann Hypothesis as one of the seven most difficult open problemns, announced a prize of 1 million US dollars would be awarded to the person or persons who first solved any one of the seven of the most difficult open problems of mathematics.

14

Ganitha Chandrika (ISSN 0973-3493)

These problems are known as the Millennium problems, the prize was instituted by LANDON CLAY, a benifactor of the CLAY. Millennium problems, in his home town cambridge, Massachusettes, USA, Out of the 7 problems "Poincare conjucture" was proved by Russian Mathematician Grigory Perlman who not only rejected the 1 million US dollar prize and also 2006 Fields Medal and the 2nd problem" The P Varsus NP problem" in 1970, was also solved.

Thus I had the opportunity to pass on this information to the young Mathematical Minds of India on this Augustus occassion. I once again thank the organizers of A.I.M.Ed and the Augustus audience for their patience. Finally, I thank Sri Ch. V. Narasimha Rao garu all the way came to my house to invite me personally for this Augustus occassion to address.

Thank you one and all.

K.M. Sastry, HOD of Mathematics (Retd) Andhra Loyola College, Vijayawada (02-02-2020)

Ganitha Chandrika (ISSN 0973-3493)

జూనియర్ గణిత క్విజ్

- 1. BAT ని YZG గాను, POT ని KLG గాను చూపిన RULE ని ఏమని చూపుతారు?
- 2. ఒక టాలెంట్ టెస్టు పరీక్షలో ఇవ్వబడిన 60 (పశ్నలకి గాను (పతి సరియైన సమాధానానికి 2 మార్కులు ఇవ్వబడతాయి. (పతి తప్పు సమాధానానికి ఒక మార్కు తీసివేయబడుతుంది. ఒకడు (పశ్న పడ్రం లోని అన్ని (పశ్నలను (పయత్నించి సున్నా మార్కులు సాధించిన, సరైన సమాధానం గల (పశ్నలు ఎన్ని (వాశాడు?)
- ప్రకృపటం 10 వరుసలలో (వాయబడిన కేలండర్లో ఒక భాగం, అద్దువరుసలో గాని, నిలువు వరుసలోగాని మూలలుగా గాని గల సంఖ్యల మొత్తం ఎంత?

17	

- 4. సున్నా ఉపయోగించని సంఖ్యామానమేది?
- A అల్పకోణం; B అధిక కోణం; C అధికతర కోణం. D సరళకోణం అయిన (కింది వానిలో సత్యమైనది

1) A + C ~ B 2) D - A ~ B 3) A + C ~ D 4) A+B+C~D

- 6. ఒకరు తన మిత్రులతో భూమిని 80రోజులలో చుట్టిరాగలమని పందెం వేసి ప్రయాణం ప్రారంభించాడు. ప్రయాణాన్ని పూర్తిచేసి గమ్యం చేరిన రోజు తను ఓడిపోయానని అనుకున్నాడు. కాని నిర్వాహకులు తను అనుకొన్న దాని కన్నా ఒకరోజు ముందే వచ్చావని సన్మానించారు. ఈ పరిణామానికి కారణం చెప్పండి.
- ఒక అవర్గీకరణ దత్తాంశం ఇచ్చినపుడు, ఆ దత్తాంశం గురించి సులభంగా అవగాహన చేసుకోవటానికి ఉపయోగించే కేంద్రీయ స్థానపు కొలత ఏది?

16

Ganitha Chandrika (ISSN 0973-3493)



ර්ස්න්තාරා	ඩ්ඩාරසාකාතෑ!
	బలిజేపల్లి సుబ్బారావు
	టీచర్, జి.ప. ఉన్నతపాఠశాల వరిఘేడు, అత్తిరిమండలం, ప.గో.జిల్లా
1. గణితమును (పేమించు మన్నా	5. లెక్కలంటే లెక్కలేని
్ల పగతియన్నదే పెంచుమన్నా	తిక్కగాళ్ళకు కుక్కబతుకోయ్
దృష్టి పెట్టి చూడవలెనోయ్	లెక్మలెన్నో నేర్చుకున్నా
సృష్టి అంతా గణితమేనోయ్ ॥గ॥	నేర్పరకే మేల్కొల్లలోయ్ ॥గ॥
2. లెక్కలోన్నో చక్కగ చేసే	6. స్వంత లెక్కలు కొంత కట్టు,
వారిలోనువు చేరవలెనోయ్	పాత లెక్కల భరతం పట్టు
లెక్కలొస్తే రెక్కలాడును	గణితమంటే వణికిపోకోయ్
రెక్కలాడితే దొక్కలాడును ॥గ॥	గణితమంటే తర్మమేనోయ్ ॥గ॥
3. సంశేాలను రలుసుణేళేంద్ు (土)	7 ఎంత చెప్పిన తక్తునచాల
 いしゅん シング あい (十) ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	
ನಂತಾವಾಲನು ತನವನಯ (-)	గణతమరల అనరతమన్న
స్నేహితులను గుణియించవోయే(×)	గణితంలోనే ఉన్న సున్నా
శత్రువులను విభజింపవోయ్ గిగిగి	అది భారతీయుని ఘనతేనన్నా గిగు
4. లెక్కలెన్నో నాకు వచ్చని	8. గణితవృక్షపు మదుర ఫలము
వట్టిగొప్పలు చెప్పుకోకోయ్	భారతీయుల కొనరె వరము
పూని ఏదైనా ఒక లెక్మనైనా	రామానుజున్ను జన్మదినము
కనిపెట్టినీవు చూపవలెనోయ్ గిగిగి	గణిత ట్రియులకు శుభపు దినము IIగII
<u> </u>	19

SOME RAMANUJAN'S PROBLEMS

- S. Keerthana B.Tech (Ilyr) NIT, Tadepalligudem, A.p.

Famous Mathematical Genius Ramanujan has sent some problems to the "Journal of Indian Mathematical Society" while he was in High school. Finally he was to solve many of them as nobody was able to solve them.

Two Such problems are given here.

1. Evaluate $\sqrt{1+2\sqrt{1+3\sqrt{1+4\sqrt{1+5\sqrt{.....}}}}}$

Sol. This is called a nested root problem

Start with $(x+1)^2 = 1 + x(x+2)$

Put 2,3,4,5 for x to get

 $3^2 = 1 + 2(4), 4^2 = 1 + 3(5), 5^2 = 1 + 4(6)$

Now it is easy to get

$$3 = \sqrt{1 + 2(4)} = \sqrt{1 + 2\sqrt{1 + 3(5)}}$$

$$= \sqrt{1 + 2\sqrt{1 + 3\sqrt{1 + 4(6)}}}$$
 as required

20

Ganitha Chandrika (ISSN 0973-3493)

2. Show that
$$\left\{3\left(\left(a^{3}+b^{3}\right)^{1/3}-a\right)\left(\left(a^{3}+b^{3}\right)^{1/3}-b\right)\right\}^{\frac{1}{3}}$$

 $=(a+b)^{2/3}-\left(a^{2}-ab+b^{2}\right)^{1/3}$
Sol. Using the identity $(a+b-r)^{3} = (a+b)^{3} - r^{3} - 3r (a+b)^{2} + 3r^{2}(a+b)$
Put $r^{3} = a^{3} + b^{3}$ so that $(a+b-r)^{3} = (a+b)^{3} - a^{3} - b^{3} - 3r (a+b)^{2} + 3r^{2}(a+b) = 3(a+b)(r-a)(r-b)$

$$\Rightarrow (3(r-a)(r-b))^{1/3} = \frac{a+b-r}{(a+b)^{1/3}} = (a+b)^{2/3} - \left(\frac{a^3+b^3}{a+b}\right)^{1/3}$$
$$= (a+b)^{\frac{2}{3}} - \left(a^2-ab+b^2\right)^{1/3}$$

Proved the result.

3. Ramanujan's Magic square (Birth Date 22-12-1887)

Ramanujan himself gave the following magic square

22	12	18	87
88	17	9	25
10	24	89	16
19	86	23	11

21

Ganitha Chandrika (ISSN 0973-3493)

Sum of the numbers in All rows, columns, diagonals is upto 139 Not only that Sum of the numbers in 2×2 squares at corners and at the middle also 139.

It is really wonderful.

Reference :

Ramanujan Notebooks

Ramanujan's Problem for students

Dear readers please send the solution for the following problem to the Editor, Ganitha Chandrika

Problem : Show that

$$\left(2\left(\left(a^{2}+b^{2}\right)^{1/2}-a\right)\!\left(\left(a^{2}+b^{2}\right)^{1/2}-b\right)\right)^{1/2}=$$

 $a+b-\left(a^2+b^2\right)^{1/2}$

All the best

22

Ganitha Chandrika (ISSN 0973-3493)

MSET - 2019 కన్నీసర్ లిపోర్బ

A.I.M.Ed ప్రతి సంవత్సరం నిర్వహించే Talent Test MSET ని 02–12–2019న నిర్వహించాము. ఈ పరీక్షకి తెలుగు ఉభయ రాష్ట్రాలలోగల 13 జిల్లాల నుండి 65 పరీక్షాకేంద్రాల ద్వారా 9838 మంది విద్యార్థులు హాజరైనారు. ఛలితాలను 02–01–2020న (పకటించాము. ఈ సంవత్సరం రాష్ట్రస్థాయిలో 9మంది ప్రథమస్థానాన్ని, 13 మంది ద్వితీయ స్థానాన్ని 22 మంది తృతీయ స్థానాన్ని సాధించారు.

ఈ నంవత్సరం విశేషవేుమిటంటే 20న బహుమతి (వధానోత్సవాన్ని 02-02-2020న విజయవాడ గాంధీనగర్లోగల చిట్టూరి పబ్లిక్ స్కూల్లో నిర్వహించాము. ఆనాటి సభకు Prof. భవనారి సత్యనారాయణగారు అధ్యక్షత వహించగా అతిధులుగా శ్రీ గోళ్ళబాబా విజయకుమార్, శ్రీ వేముల హజరత్తయ్యగుప్తా, శ్రీ ఆటుకూరి వెంకటేశ్వర యోగి గురూజీ, శ్రీ Ch.V. నరసింహారావు, శ్రీ D. మోహన్లు పాల్గొన్నారు.

రాష్ట్ర స్థాయి విజేతలకు ప్రధమస్థానానికి రూ. 1100/- ద్వితీయస్థానానికి రూ. 1000/-, తృతీయ స్థానానికి రూ. 900/-ల చౌప్పున 44 మందికి మొత్తం రూ. 42, 700/-లు పారితోషికంగా ఇవ్వడం జరిగింది. రాష్ట్రస్థాయి జిల్లాస్థాయిలలో ప్రధమ, ద్వితీయ, తృతీయ స్థానాలవారికి, పరీక్షాకేంద్రంలో (పథమస్థానం పొందిన వారికి మెమెంటోతో పాటు సర్టిఫికేట్ను, మిగిలిన వారందరికి సర్టిఫికేట్లను అందించాయి. ఈ సంవత్సరం 100 మందికి పైగా విద్యార్థులను పరీక్షకి పంపిన పాఠశాలలకు, 500 మందికి పైగా పంపిన పాఠశాలలకు (పత్యేక జ్ఞాపికలను అందించాము. ఇకముందు కూడా ఇదే విధమైన సహకారాన్ని అందించాలని పాఠశాలల (పధానోపాధ్యాయులు, యాజమాన్యాలను కోరుచున్నాము.

R. జ్రీధర్,

కన్వీనర్

Ganitha Chandrika (ISSN 0973-3493)

సభలు - సమావేశాలు

విజయవాడ గాంధీనగర్లో శ్రీ చిట్టూరి పబ్లిక్స్కూల్లలో A.I.M.Ed ఆధ్వర్యంలో "One day Seminar on Mathematics" ను 02-02-2020న ఉదయం 9.30గంగ నుంచి నిర్వహించారు. ఈ సమావేశానికి Prof. భవనారి సత్యనారాయణగారు అధ్యక్షత వహించగా, Director శ్రీ Ch.V. నరసింహారావు, పలువురు విద్యావేత్తలు హాజరైనారు. మొదటగా Prof. R.C. గుప్తా ఎండోమెంట్ లెక్చర్ను ఆంధ్రలయోలా కాలేజి పూర్వగణిత విభాగాధిపతి శ్రీ K.M. శాస్త్రిగారు సమర్పించారు. వారు తమ ఉపన్యాసంలో అనేకమంది గణితశాస్త్రజ్ఞుల గూర్చి, వారు సాధించిన విషయాలను వివరించారు. శ్రీ M.V.S. రావు వ్యాస్ మెమోరియల్ లెక్సెర్ను పూర్వసంచాలకులు, S.C.E.R.T హైద్రాబాద్, శ్రీ R. జేసుపాదంగారు సమర్పించారు. వీరు తమ ప్రసంగంలో పెక్కు గణిత అంశాలను, గణిత ఆవశ్యకతను, విద్యార్థులకు క్రమశిక్షణతో కూడిన విద్యను ఎట్లా నేర్చుకోవాలో వివరించారు. చివరగా S. మీనాక్షి సుందరం మెమోరియల్ లెక్చెర్ ను నాగార్జునా విశ్వవిద్యాలయ పూర్వగణితోపన్యాసకులు Prof. భవనారి సత్యనారాయణగారు సమర్పించారు. వారు తమ ప్రసంగంలో విశ్వము, విశ్వంలో గ్రహాల గమనస్థితి, ఆ కదలికల వచ్చే మార్పులు వివరించారు. ఈ ప్రసంగాలకు శ్రీ K. ప్రభాకర్, విశ్రాంత ప్రధానోపాధ్యాయులు, శ్రీ M. కోటేశ్వరరావు, విశ్రాంత ప్రధానోపాధ్యాయులు శ్రీ P. కామేశ్వరశర్మ, విశ్రాంత ప్రదానోపాధ్యాయులు సంధానకర్తలుగా వ్యవహరించారు.

మధ్యాహ్నం 2.30గంగి నుంచి A.I.M.Ed నిర్వహించిన MSET-2019 రాష్ట్రస్థాయి బహుమతి ప్రదానోత్సవ సభ జరిగింది. ఈ సభకు Prof. భవనారి సత్యనారాయణ అధ్యక్షులుగా జ్రీ గోళ్ళ బాబా విజయకుమార్, జ్రీ వేముల హజరత్తయ్యగుప్తా,

Ganitha Chandrika (ISSN 0973-3493)

శ్రీ అటుకూరు వెంకటేశ్వరయోగి గురూజీలు ముఖ్య అతిదులుగా శ్రీ Ch.V. నరసింహారావు, శ్రీ D. మోహన్లు అతిధులుగా హాజరయ్యారు. వక్తలు మాట్లాడుతూ ఉపాధ్యాయులు గణితాన్ని తేలికగా అర్థమయ్యేట్లు బోధించి, గణితం పట్ల భయాన్ని పోగొట్టాలని సూచించారు. ఈ పరీక్షలు విద్యార్థులకు విషయాన్ని సూక్ష్మంగా గ్రహించేలా చేస్తాయని, విషయంపై పూర్తిపట్టు సాధించడానికి దోహదపడతాయని అన్నారు. పోటీలో విజేతలైన విద్యార్థులకు శుభాకాంక్షలు తెలియజేశారు.

ఈ సంవత్సరం "Best Teacher in Mathematics" గా శ్రీ M.B.V. లోకేశ్వరరావును అతిదులు సన్మానించారు. తదనంతరం MSET విజేతలకు అతిధులు బహుమతులను, జ్ఞాపికలను, సర్టిఫికెట్లను అందజేశారు. నిర్వాహకులు అతిధులను జ్ఞాపికలతో సత్తరించారు. ఈ సభలకు నాగార్జున విశ్వవిద్యాలయ విద్యార్థులు కళాశాలల అధ్యాపకులు విద్యార్థులు, తల్లిదంద్రులు హాజరైనారు.

-		Dat	ාර් -	ഞ	ை
1.	IFOV	11.	111, 111	21.	6
2.	20	12.	57	22.	Μ
3.	51	13.	13.5	23.	0
4.	రోమన్ సంఖ్యామానం	14.	సాంఖ్యాకశాస్త్రం	24.	351
5.	2	15.	తిభుజం	25.	$7 \times 13 \times 19$
6.	భూభ్రమణదిశకు		ఏర్పడదు	0.0	24
	వృతిరేక దిశలో	16.	8:9	26.	5
	ట్రయాణించడం వల్ల	17.	2	27.	రామానుజన్ సంఖ్యకు
7.	బాహుళకము	18.3	13	ī	రెట్టింపు
8.	20మీ.		.1	28.	పాస్కల్
9.	Sir C.V. Raman	19.	^ర సంవత్సరాలు 3	29.	వరాహమిహిర
10.	7	20.	చతురగ్రం	30.	$\frac{10}{2}$
					3

Ganitha Chandrika (ISSN 0973-3493)





CLASS - VI					
1.	a, b, c are	three nur	nbers a x b	= a;	b x c =0 then $\frac{b}{c}$ =
	1) b	2) 0	3) 1	4)	Not defined
2.	Which of not by 6 1) 5688 3) 5724	the follov	ving numbe 2) 5324 4) 5624	er is	divisible by 8 but
3.	In a 200 hind the (hind B. Di 1) 180	mt race, a goal. B is istance co 2) 150	nt a particu 20m forwa vered by C 3) 120	lar ti rd to = 4)	me A is 80mt be- A. C is 50mt be- m 90
4.	The first li ety" 1) Shakun 3) Abdul k	ndian sele Itala Kalam	cted to "Th	e fel 2) 4)	low of Royal Soci- Ramanujan C.V.Raman
5.	Sum of th 1) 84 3) 60	e fifth pai	r of twin pi 2) 36 4) 24	rimes	5:
6.	If ab and numbers 1) 3	ba both ai you can fi 2) 4	re primes. F nd below 1 3) 5	lowi 00? 4)	many such pair of 2
Ganitha	Chandrika (ISSN	0973-3493)	20	Vol.2	21 (1&2) January - June 2020













6. $x\sqrt{2} + y\sqrt{3} + z\sqrt{5} = 0$ then 2x - 3y + 4z =_____ (Where x, y, z are integers) 1) 7 2) 9 3) 0 4) Any integer 7. Number of odd as well as square numbers between 1 and 1000 is x. Then x² + x – 1 = _____ 1) 239 2) 178 3) 197 4) 301 8. $a + b + c = 0 \Rightarrow \frac{abc}{a^3 + b^3 + c^3} = x$ then 1) $0 < x < \frac{1}{2}$ 2) $1 < x < \frac{4}{3}$ 3) $2 < x < \frac{20}{7}$ 4) $1 < x^2 < 2$ 9. Remainder when $x^2(x^2 + 1) + 1$ is divided by 1 + x(1 + x)is Ax² + Bx + C then A – B + C = _____ 1) 4 2) 1 3) 0 4) 3 10. Least values of $\frac{(5^x + 5^{-x})^2}{4}$ is _ 2) 1 1) 4 4) $\frac{25}{4}$ 3) 0 Ganitha Chandrika (ISSN 0973-3493) Vol.21 (1&2) January - June 2020



CLASS - X 1. Observe the pattern of the numbers. (4, 3, 18), (5, 12, 152), (8, x, 86) Then x = 3) 10 1) 7 2) 9 4) 6 2. Sum of first 2018 odd natural numbers is always a multiple of ____ 2) 1009 1) 8 3) 2019 4) 207 3. $\frac{p\sqrt{2} + q\sqrt{3}}{r\sqrt{5}} = -3 \Rightarrow p^2 + q^2 + r^2 =$ 1) 2 2) 3 4) $(P + q + r)^2$ 3) 5 4. A right triangle has a leg 600 and hypotenuse 10³. The length of perpendicular drawn from vertex to hypotenuse will be _____ 2) $17 \times \frac{10^3}{3}$ **1)** 15×2⁵ 3) $5 \times 3^4 \times 2$ 4) $25 \times 2^2 \times \frac{3}{7}$ 5. If $x(x^2 - yz) + y(y^2 - zx) - z(xy - z^2) = 0$ where x, y, z are distinct then $(xz^{-1} + yz^{-1})^2 =$ 2) greater than 5 1) less than 2 3) less than 0.5 4) greater than 1

Ganitha Chandrika (ISSN 0973-3493)





Indian Mathematicians elected to the Royal society of London

K.M. Sastry, HOD of Mathematics (Retd) Andhra Loyal College Vijayawada

About the Royal Society

The Royal society (of London for the promotion of Natural knowledge is the oldest Britain's most elite body of scientists. It is an independent Private body of Scientific scholars founded in 1660. Its early members included ROBERT HOOKE; CHIRSTOPHER WREN; ISAAC NEWTON and EDMOND HALLEY. The society awards prestigious medals. At the beginning of 21st century the society had some 1250 fellows and 120 Foreign Members.

Srinivasa Ramanujan (1887-1920) became the first Indian Mathematician elected to the Royal Society on 2nd May, 1918.

The Second Indian Fellow elected to the Royal Society was ARDASEER CURSETJEE (1808-1877) in 1841. He was a Parsee and distinguished Marine Engineer in Bombay. He was responsible for introducing gas to Bombay. Being the first Indian Native to be placed over Europeans, he held the post

40

Ganitha Chandrika (ISSN 0973-3493)

of Principal Inspector of steam machinery at the Bombay Steam factory from 1840 to 1858.

The Third Indian elected to the Royal Society was the physicist sir Jagadish Chandra Bose (1858-1937) in 1920. The fourth Indian elected to the Royal society was the Nobel Laureate Sir C.V. Raman (1888-1970) in 1924.

Indian Mathematicians elected to the Royal Society of London

- 1) Srinivasa Ramanujan (1887-1920) on 2nd May, 1918.
- 2) Ardaseer Cursetjee in 1841.
- 3) Harish Chandra (1923-1983) in 1954
- 4) Pro. C.R. Rao (1920-) a proud product of Andhra University and student of V. Ramaswamy during 1940, in 1967.
- 5) Prof C.S. Seshadri in 1988
- 6) Prof S.R.S. Vardhan in 1988
- 7) Prof M.S. Narasimhan in 1996
- 8) Prof M.S. Raghunathan (1991) on July 14th, 2000.
- 9) Prof Chandra Sekhara Khare in 2012

Acknowledgements with thanks :

I am highly indebted to the mathematicians, prof. M.S. Raghunathan, FRS and Prof S.G. Dani, former professors of mathematics at IIT, Bombay, for providing an invaluable information about the Indian Mathematicians elected to the Royal Society of London, the moment I requested them.

Ganitha Chandrika (ISSN 0973-3493)

Positive Integers which are prefect squares and whose digits are also perfect squares

Dr. P.V. SATYANARAYANA MURTY Retd. Reader in Mathematics Amalapuram Mobile : 9490807098

Let N be a r-digit (1 \leq r \leq 10) positive integer such that N is perfect square and all its r digits are also perfect squares. Then the values of n are as follow :

r	N	Square of
1	0	0
	1	1
	4	2
	9	3
2	49	7
3	144	12
	441	21
4	1444	38
	9409	97
5	10404	102
	11449	107
	19044	138
	40401	201
	44944	212

Ganitha Chandrika (ISSN 0973-3493)

r	N	Square of
6	491401	701
	904401	951
	419904	648
7	1100401	104
	4004001	2001
	1004004	1002
	9909904	3148
	1940449	1393
	9941409	3153
8	14440000	3800
	41990400	6480
	4900000	7000
	49140100	7010
	90440100	9510
	94090000	9700
	99400900	9970
	11909401	3451
	49014001	7001
	49999041	7071
	94109401	9701
	19909444	4462

r	N	Square of
	14010049	3743
	14040009	3747
	40411449	6357
	99940009	9997
9	10000000	10000
	100400400	10020
	101404900	10070
	104040000	10200
-	110040100	10490
	114490000	10700
	144000000	12000
	190440000	13800
	194044900	13930
	40000000	20000
	400400100	20100
	441000000	21000
	449440000	21200
	90000000	30000
	990990400	31480
	994140900	31530
	114041041	10679

r	N	Square of
	400040001	20001
	100040004	10002
	111049444	10538
	404090404	20102
	414041104	20348
	490091044	22138
	991494144	31488
	100140049	10007
	101949409	10097
104919049		10243
	409941009	20247
	414000409	20347
10	1190940100	34510
	1404000900	37470
	1444000000	38000
	1990944400	44620
	490000000	70000
	4901400100	70010
	4914010000	70100
	4999904100	70710
	940900000	97000

r	N	Square of
	9410940100	97010
	9994000900	99970
	1449401041	38071
	4900140001	70001
	4941949401	70299
	9900449001	99501
	1409101444	37538
	1490114404	38602
	4014109449	63357
	4019940409	63403
	4914991449	70107
	9999400009	99997

	Key to MSET = 2019 Questions								; <u> </u>						
Class	Questions														
	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
V	2	3	2	2	3	4	2	3	2	3	3	3	2	2	3
VI	4	4	4	2	3	2	4	4	3	4	4	1	2	4	1
VII	2	2	2	2	1	2	2	2	1	3	2	3	4	3	2
VIII	4	1	4	3	2	2	1	2	3	3	1	2	4	3	4
IX	2	1	2	1	1	3	1	1	4	2	1	1	4	4	3
Х	4	2	4	1	1	2	4	3	4	4	3	2	2	3	3

GANITHA CHANDRIKA EDITORIAL BOARD



Prof.P.V.Arunachalam



Prof.D.S.N. Sastry

Prof.R.C.Guptha



Prof.Bh.Satyanarayana









Pushpa Latha Dr.K.Rama Krishna

Chief Editor Dr. B.B. Ramasarma

An Appeal to Readers

Papers and Articles for publications are to be sent to **Dr.B.B.RamaSarma** Chief Editor, Ganitha Chandrika, H.No:6-26, Vivekananda Street,Hanuman Nagar, Ramavarappadu, Vijayawada-521108. Email: bbramasarma@yahoo.co.in cell: 9441924418.

Teachers, Students and all lovers of Mathematics are well come tojoin the Association. The membership details are as follows.Life : Rs 500/- (Individual), Rs. 600/-(Institution)

All members are entitled to receive a free copy of magazine Ganitha Chandrika.

Subcription to be deposited in the account name

The Convenor, MSET.AIMEd, ACCOUNT NO: 3264 799 6927, S B I SATYANARAYANA PURAM, VIJAYAWADA. IFSC CODE : SBIN0009001. Send a copy of the pay slip along with your covering letter contain full address, Email and cell phone number to the following address Treasurer, AIMEd, D.No: 30-22/1-16, Murthy Street, Arundelpet, Vijayawada-520002.